

探究的に学ぶことができる数学の学習 ～問いをもつことに焦点を当てて～

名古屋市立新郊中学校 岡村 秀信

1 研究のねらい

ナゴヤ学びのコンパス(2023)では、目指したい子どもの姿を「ゆるやかな協働性の中で自律して学び続ける」とし、重視したい学びの姿の一つとして「夢中で探究する」を挙げている。また、「子どもたちが夢中になって、またじつくりと、自分なりの問いを立て、自分なりの方法で、自分なりの答えにたどり着くことができるような、探究的な学びを実現していく必要がある」として、子どもの探究的な学びの必要性を記している。

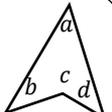
佐藤(2024)は、数学科における「探究的な学び」の必要性について「数学科の授業は、数学内・外の事象に対して自ら問題を発見し、問いを設定したり、答えを求めて終わりせず発展的に追究したりするといった『探究的な学び』をいかに実現していくかが鍵となる」と述べている。また、その「探究的な学び」を「子どもが自分事な問いを持ち、自他との対話により思考を繰り返して問題解決し、さらなる問いを持つことを繰り返すこと」と定義するとともに、探究的な学びにおける学習者の姿を【資料1】のようにまとめている。

学習者
<ul style="list-style-type: none"> ・ 事象や提示された問題について解決を目指す問いをもつことができる ・ 自分や他者との対話による思考を繰り返し、問題解決を進めることができる ・ 解決の結果や過程を振り返り、得たことを整理するとともに、次に考えてみたい新たな問いをもつことができる

【資料1 探究的な学びにおける学習者の姿】

これらのことから、数学の学習を通して、探究的に学ぶことができる生徒の育成を目指す。私が考える目指す生徒の姿は、数学の事象に関する問題についての『解決を目指す問い』をもち、問題の答えを導いた後、『新たな問い』をもつことができる生徒である。なお、本研究における『解決を目指す問い』とは、問題の答えを導くのに必要な根拠を得るために考える問いのこととする。そして、『新たな問い』については、生徒が「今までの学習内容を用いて解決することができる」と、解決の見通しをもっている問いのこととする。

以上のことから、「探究的に学ぶことができる数学の学習」とは、2年「図形の調べ方」を例にすると、次のような学習である。【資料2】

<p>問題 1つの頂点がへこんだ多角形でも内角の和は求められるのか？</p>	<p>五角形や六角形でも頂点から対角線をひくと、へこんでいない多角形と同じになったので、内角の和は $180^\circ \times (n - 2)$ になると思います。</p>
<p>今までの多角形も求められたので、求められると思います。</p>	<p>そのことと今までの学習内容を組み合わせた『新たな問い』は何ですか。</p>
<p>予想が正しいかどうかを説明するための、『解決を目指す問い』を何にしますか。</p>	<p>関数と組み合わせて考えられる『新たな問い』は、「へこんだ頂点の数が増えると、内角の和はどう変わるのか」です。</p>
<p>「1つの頂点がへこんだ四角形の内角の和は何度になるのか」が『解決を目指す問い』です。</p> 	<p>『新たな問い』をその内容にしたのはなぜですか。</p>
<p>1つの頂点がへこんだ四角形の内角の和も、2つの三角形に分けて求められるので、360°になった。これはへこんでいない四角形と同じだ。</p>	<p>へこんだ頂点の数が変わっても、へこんだ多角形の頂点の数と内角の和に規則性があるか調べたいと思ったからです。</p>
<p>『解決を目指す問い』について考えたことを基に、問題の答えを導きましょう。</p>	<p>『新たな問い』の解決を目指しましょう。</p>

【資料2 探究的に学ぶことができる数学の学習の具体例】

2 研究の内容

(1) これまでの指導を振り返って

本校生徒の多くは、計算問題などの課題や目的が明確な問題について自ら考えをもち、更に他者との対話により解決を進めることができる。一方で、課題を発見する問題や答えが一つに定まらない問題については、何をすればよいか分からず、手が止まってしまう姿が多く見られる。また、授業の振り返りの場面では、解決の過程を振り返り、次に考えてみたい『新たな問い』をもつことができる生徒の姿はあまり見られない。『新たな問い』をもつことができる生徒についても、問題の数値を変更することに留まり、学び得たことと今までの学習内容とを関連付けようとする生徒はほとんどいない。青山(2022)は、問題の自由性とそこにある答え(反応)の多様性を積極的に活用し、学習活動を展開する指導を推奨している。また、砂原ら(2024)は、探究的な学びの実現に向けて、課題の解決に向かう方向性を決めるにあたって、多様な側面からの見方をする事により、様々なアプローチが可能となることを示している。そこで、大きな推進力となるのは予想するという学習場面であり、課題を自分事することに寄与すると述べている。

これらのことから、多様な考え方ができる問題を提示し、結果を予想させることを通して、『解決を目指す問い』をもたせてから問題の答えを導くことができるようにしたいと考える。そして、問題の答えを導いた後は、今までの学習内容と関連付けることを通して『新たな問い』をもつことができるようにしたいと考える。

(2) 手立て

『解決を目指す問い』をもち、バズる問題の答えを導く場面

生徒が疑問に思い、そこから多くの『解決を目指す問い』がもてる問題(バズる問題)を提示し、以下の学習過程に取り組みさせることで、バズる問題の答えを導くことができるようにする。

- ㉞ バズる問題の答えを予想する。
- ㉟ 『解決を目指す問い』をそれぞれがもつ。
- ㊀ 『解決を目指す問い』について考えたことを基に、バズる問題に取り組む。その過程で、考えをグループで共有する。

【検証①】 バズる問題について導いた答えとその根拠が正しいかを、学習プリントへの記述から検証する。

『新たな問い』をもつ場面

TOIボックス【資料3】に、「シンキングテーマ」**T**と「アイデアカード」**I**を記述させることで、『新たな問い』をもつことができるようにする。

シンキングテーマ… 問題解決の結果や過程を振り返り、前時までに学び得たことを基に設定したテーマ
 アイデアカード … 今までの学習内容である用語や性質を一つ一つ記録したカード
 アイデアバンク … アイデアカードを単元ごとに整理し、いつでも使えるようにまとめたもの【資料4】

アイデアバンクから、**T**と組み合わせて、『新たな問い』をもつことができそうな**I**を選び、記述する。

T	Tを記述	I
新たな問い		
理由		

数と式	1章 式の展開と因数分解
	置き換え 展開と因数分解
	乗法の公式
	2章 平方根 $(\sqrt{a})^2 = \sqrt{a^2} = a$
	平方根の値 有理数、無理数
	平方根の大小 平方根の四則計算

【資料3 TOIボックス】

【資料4 アイデアバンク】

【検証②】 前時までに学び得たことから、『新たな問い』をもつことができたかを、TOIボックスの記述から検証する。

3 第1次実践 (研究対象 28人)

- (1) 単元 「平方根」(13時間完了 本実践は、第9時と第10時)
- (2) 第9時の目標
根号を含む式の加法・減法の計算方法について説明することができるようにする。
- (3) 第9時の授業の流れ

授業の流れと生徒の主な反応					
バズる問題 平方根の加法・減法はできる？					
『解決を目指す問い』をもち、バズる問題の答えを導く場面					
㉞ 【生徒の予想】 <ul style="list-style-type: none"> ・ 平方根の乗法・除法はできたので、加法・減法もできる。 ・ 根号の中同士、足したり引いたりするとできる。 					
㉟ 【生徒が考えた『解決を目指す問い』】 <table style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px;">生徒A $2\sqrt{3} + 3\sqrt{3}$</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px;">生徒B $\sqrt{4} + \sqrt{5} = \sqrt{9}$</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px;">生徒C $\sqrt{3} + \sqrt{5}$ はできるか</td> </tr> </table>			生徒A $2\sqrt{3} + 3\sqrt{3}$	生徒B $\sqrt{4} + \sqrt{5} = \sqrt{9}$	生徒C $\sqrt{3} + \sqrt{5}$ はできるか
生徒A $2\sqrt{3} + 3\sqrt{3}$	生徒B $\sqrt{4} + \sqrt{5} = \sqrt{9}$	生徒C $\sqrt{3} + \sqrt{5}$ はできるか			
㊀ 【あるグループの共有の様子】 <ul style="list-style-type: none"> ・ 乗法でも使ったから、2乗すると根号が外れることを使えそう。 ・ 平方根の値$\sqrt{2} = 1.4\dots$を使えないかな。 ・ 平方根の値が分からなかったから、文字の式の加法のやり方を使ったよ。 					
【バズる問題についての生徒の考えとその根拠】					
生徒A $\sqrt{\quad}$ の中が同じならできるが異なる時はできない <small>なぜなら</small> 中の数が同じ $\sqrt{\quad}$ をaに置き換えると整数同士で計算することができるが、中の数が異なる時 $2a + 3b$ のような計算ができないこともあるから。	生徒B $\sqrt{\quad}$ の中の数が同じならできる <small>なぜなら</small> $\sqrt{\quad}$ は文字と同じ (2) (3) $\sqrt{4} + \sqrt{5} = \sqrt{9}$ で $\sqrt{5}$ は1じゃないから。	生徒C できない <small>なぜなら</small> 具体的な数字($\sqrt{3} + \sqrt{5} = 1.7 + 2.3 = 4$)で計算した時と、2乗して、2乗を外した時($\sqrt{3} + \sqrt{5} = \sqrt{8} = 2.8$)が違ったから。2乗して外す方法以外に求められるなら、できるかもだけど、今できるのはこの方法しかないから無理！			

【検証①】 バズる問題について導いた答えとその根拠が正しいかを、学習プリントへの記述から検証する。

評価	内容	人数
○	既習事項を用いて、根号を含む式の加法・減法について、項をまとめて計算できる場合とできない場合があることを説明できた。	8人 (生徒A)
△	既習事項を用いて、根号を含む式の加法・減法について、項をまとめて計算できる場合とできない場合があることを説明できなかった。	20人 (生徒B、C)

<考察> 説明できなかった20人のうち、8人の生徒は、生徒Cのように、根号を含む式の加法・減法について、項をまとめられる場合かまとめられない場合かのどちらかのみを、既習事項を用いて説明するに留まっていた。残りの12人の生徒は、生徒Bの「√は文字と同じで、 $\sqrt{4} + \sqrt{5} = \sqrt{9}$ で $\sqrt{5}$ は1じゃないから、√の中が同じなら計算できる」のように、特定の計算方法でしか考えることができず、バズる問題の答えを十分に導くことができなかつた。これらは、グループで共有したタイミングが⑦の過程であったことで、他の生徒の考えを十分に生かすことができず、限られた『解決を目指す問い』のまま考え続けてしまい、バズる問題について導いた答えも限られてしまったと考える。

(4) 第10時の目標

根号を含む式の四則計算と今までの学習内容を関連付けて考えることができるようにする。

(5) 第10時の授業の流れ

授業の流れと生徒の主な反応

『新たな問い』をもつ場面

T: 他の人のバズる問題の答えとその根拠を見て、気付いたことをペアで話し合ひましょう。
 S: 文字と同じように考えられるから、同類項のように計算できるよね。
 S: 文字と同じように、平方根の加法・減法は根号の中が同じならまとめられるね。
 S: でも、平方根の乗法・除法は根号の中の数同士を計算したよね。
 T: では、「平方根は四則計算できる」をTOIボックスの[T]としましょう。その[T]と組み合わせて『新たな問い』をもつことができそうな[I]を選び、『新たな問い』を考えましょう。『新たな問い』をその内容にしたのはなぜか、その理由も書きましょう。

【生徒が考えた『新たな問い』】

<p>生徒A</p> <p>T 平方根は四則計算できる I 反比例 $y = \frac{a}{x}$ 式、表、グラフ</p> <p>新たな問い $y = \frac{\sqrt{3}}{x}$</p> <p>理由 平方根で反比例が成り立つのかを知りたかったから。</p>	<p>生徒B</p> <p>T 平方根は四則計算できる I 展開</p> <p>新たな問い $(\sqrt{2}+6)(\sqrt{2}+2)$ はできるのか</p> <p>理由 展開でも√は使えるか気になり、どちらも2乗する工程があるから。</p>
<p>生徒C</p> <p>T 平方根は四則計算できる I 一次関数 $y = ax + b$ 式、表、グラフ、変化の割合</p> <p>新たな問い $y = \sqrt{5}x + 5$ のxが2から5まで増加したときの変化の割合</p> <p>理由 整数はx, yの増加量は分かるけど、\sqrt{a}のような無理数は増加量をどう求めるか疑問に感じたから</p>	

【検証②】 前時までに学び得たことから、『新たな問い』をもつことができたかを、TOIボックスの記述から検証する。

評価	内容	人数
○	「平方根は四則計算ができる」ことを基に、『新たな問い』もつことができた。	17人 (生徒B、C)
△	「平方根は四則計算ができる」ことを基に、『新たな問い』もつことができなかった。	11人 (生徒A)

<考察> 『新たな問い』をもつことができた17人の生徒は、[I]として「平面図形」、「乗法の公式」を選び、『新たな問い』をもつとともに、生徒Bの「展開でも√は使えるか気になり、どちらも2乗する工程があるから」のように、今までの学習内容を生かし、解決の見通しをもっている理由を記述していた。このことから、アイデアバンクを基に今までの学習内容を想起させながらTOIボックスに記述させることが、『新たな問い』をもつことに対して有効であると考えられる。一方で、『新たな問い』をもつことができなかった生徒の多くは、生徒Aの「平方根で反比例が成り立つのかを知りたかったから」のように、解決の見通しをもっていないなど、理由の記述が不十分であった。これは、[I]の情報量が少なく、何をどのように学んだのかを十分に想起することができなかったことが原因であると考えられる。

4 手立ての改善

『解決を目指す問い』をもち、バズる問題の答えを導く場面

- ㊦のグループで共有する活動を、㊥に位置付けて、以下の学習過程に改善する。
- ㊦ バズる問題の答えを予想する。
- ㊥ 『解決を目指す問い』をそれぞれがもつ。その後、『解決を目指す問い』とその問いを考えた理由をグループで共有した後、バズる問題の答えを導くのに必要な問いを選ぶ。
- ㊦ 『解決を目指す問い』について考えたことを基に、バズる問題に取り組む。
※ 必要に応じて複数の『解決を目指す問い』について考えたことを基に、バズる問題に取り組む。

『新たな問い』をもつ場面

何をどのように学んだかを想起できるようにするために、Iに具体的な内容もまとめ、アイデアバンクから得られる情報量を増やす。【資料5】また、「選んだIで学んだこと」を記述させた後、『新たな問い』をもつことができるようにするために、TOIボックスの形式を改善する。【資料6】

1章 式の展開と因数分解
【乗法の公式】

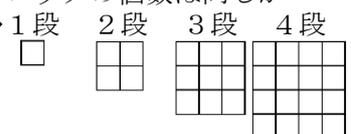
- ① $(x+a)(x+b) = x^2 + (a+b)x + ab$
- ② $(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$
- ③ $(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$
- ④ $(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$

T	O	I
選んだIで学んだこと		
新たな問い		
理由		

【資料5 改善したI】 【資料6 改善したTOIボックス】

5 第2次実践（研究対象 29人）

- (1) 単元 「関数 $y = ax^2$ 」（14時間完了 本実践は、第1時と第6時）
- (2) 第1時の目標
関数 $y = ax^2$ の特徴について説明することができるようにする。
- (3) 第1時の授業の流れ

授業の流れと生徒の主な反応																																						
<p>バズる問題</p> <p>ピラミッドの段数とその段を作るために必要なブロックの個数には規則性があるのか？</p>																																						
<p>『解決を目指す問い』をもち、バズる問題の答えを導く場面</p>																																						
<p>㊦ 【生徒の予想】</p> <ul style="list-style-type: none"> ・ 個数は段数にもなって変わるから規則性はある。 ・ 比例みたいに増える。 																																						
<p>㊥ 【生徒が考えた『解決を目指す問い』】</p> <p>生徒A $y = x^2$になるのか 生徒B 段をx、個数をyとして式を作れるのか</p> <p>生徒C ブロックの個数と面積の関係を式に表すとどうなるのか</p>																																						
<p>【あるグループの共有の様子】</p> <ul style="list-style-type: none"> ・ 「グラフを使って考えるとどうなるか」という『解決を目指す問い』を考えたよ。 ・ 直線や双曲線になったら規則性を説明できそうだけど、どちらでもなさそうだね。僕は「段をx、個数をyとして式をつくれるのか」という『解決を目指す問い』を考えたよ。（生徒B） ・ 式ってどうやって作ればいいのか。 ・ 一次関数では、表を作ってから式を考えたから、同じようにしたらいいと思うよ。（生徒B） 																																						
<p>㊦ 【生徒が選んだ2つの『解決を目指す問い』とバズる問題の答えを導く過程】</p>																																						
<p>生徒A</p> <p>① 段数と下の段の縦と横のブロックの個数は同じか ⇒ 1段 2段 3段 4段</p>  <p>だから増える段と下のブロックの縦と横の数が同じ</p> <p>② $y = x^2$になるのか ⇒ 3段作る場合 $y = 3^2$、$y = 9$ 3段作る場合は必要な下のブロックの数は9つになる。つまり $y = x^2$になる。</p>	<p>生徒B</p> <p>① 段をx、個数をyとして式を作れるのか ⇒</p> <table border="1" style="font-size: small;"> <tr><td>段</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td><td>6</td><td>...</td><td>x</td></tr> <tr><td>個</td><td>1</td><td>4</td><td>9</td><td>16</td><td>25</td><td>36</td><td>...</td><td>y</td></tr> </table> <p>から $y = x^2$という式が作れる</p> <p>② 個数から段数を求められるか ⇒ 36個だと $\sqrt{36} = 6$ 6段 25個だと $\sqrt{25} = 5$ 5段 求められる。 $y = x^2$という式が作れる。</p>	段	1	2	3	4	5	6	...	x	個	1	4	9	16	25	36	...	y	<p>生徒C</p> <p>① 段数とブロックの個数の式を表すとどうなるのか ⇒ 段数をx、ブロックの個数をy、表を書いて比例の式を求め</p> <table border="1" style="font-size: small;"> <tr><td>段</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td><td>6</td><td>...</td><td>x</td></tr> <tr><td>個</td><td>1</td><td>4</td><td>9</td><td>16</td><td>25</td><td>36</td><td>...</td><td>y</td></tr> </table> <p>だから $y = x^2$</p> <p>② ①のみのため、②なし</p>	段	1	2	3	4	5	6	...	x	個	1	4	9	16	25	36	...	y
段	1	2	3	4	5	6	...	x																														
個	1	4	9	16	25	36	...	y																														
段	1	2	3	4	5	6	...	x																														
個	1	4	9	16	25	36	...	y																														

【バズる問題についての生徒の考えとその根拠】

生徒A <small>なぜなら</small> ピラミッドの下の段数の縦、横のブロックの個数と段数は何段になっても同じということが分かり、このことから、 x を段数とすると縦の個数が分かり、正方形なので横の数も同じなので x^2 とすることで、下のブロックの個数を $y = x^2$ と表すことができる。	生徒B <small>なぜなら</small> $y = x^2$ という式で段数の個数がわかるから。
	生徒C <small>なぜなら</small> $y = x^2$ となるから、 x^2 が2倍、3倍…となると、 y は2倍、3倍…となるから。

【検証①】 バズる問題について導いた答えとその根拠が正しいかを、学習プリントへの記述から検証する。

評価	内容	人数
○	式、表、グラフのいずれかを用いて、段数とブロックの個数の規則性について説明できた。	23人 (生徒A、B)
△	式、表、グラフのいずれかを用いて、段数とブロックの個数の規則性について説明できなかった。	6人 (生徒C)

<考察> 説明できた生徒の多くは、生徒Bが記述した『解決を目指す問い』の①「式で表すことはできるのか?」、②「 $y = x^2$ に当てはめるとブロックの個数から段数を求められるのか?」のように、必要に応じて複数の『解決を目指す問い』について考えたことを基に、バズる問題に取り組むことで、規則性について説明することができていた。これらの生徒は、『解決を目指す問い』の①に加え、②について考えたことを基に、再度バズる問題に取り組むことで、バズる問題について複数の考えをもつことができ、バズる問題の答えを導くことができていた。このことから、必要に応じて複数の『解決を目指す問い』について考えたことを基に、バズる問題に取り組ませたことが有効であると考える。しかし、説明できなかった6人の生徒は、生徒Cのように、バズる問題の答えを導くことができる『解決を目指す問い』をもつことはできたが、規則性について説明することができなかった。これは、バズる問題の答えの根拠が正しいかどうか判断するまでに至らなかったことが原因であると考える。

(4) 第2時～第5時で学習した内容

第2時	x と y の関係が $y = ax^2$ で表されるとき、 y は x の2乗に比例するという
第3時	x の値が2倍、3倍、4倍…となると、 y の値は 2^2 倍、 3^2 倍、 4^2 倍…となる
第4時	x と y の値の組を、 $y = ax^2$ に代入すると、関係を式に表すことができる
第5時	$y = ax^2$ のグラフは原点を通る放物線になる

(5) 第6時の目標

関数 $y = ax^2$ のグラフの特徴と今までの学習内容を関連付けて考えることができるようにする。

(6) 第6時の授業の流れ

授業の流れと生徒の主な反応

『新たな問い』をもつ場面

T: 他の人が考えた $y = ax^2$ のグラフの特徴を見て、気付いたことをペアで話し合しましょう。
 S: a の値が正の数だとグラフは x 軸の上側にできて、負の数だと下側にできるね。
 S: a の値に関係なく分かることは、グラフは線対称で対称の軸は y 軸になっているね。
 S: そうそう。グラフは放物線になっているよね。あとは、グラフが原点を通るよね。
 T: では、TOIボックスの[T]は「 $y = ax^2$ のグラフは原点を通る放物線になる」としましょう。その[T]と組み合わせて『新たな問い』をもつことができそうな[I]を選び、「選んだ[I]で学んだこと」を踏まえ、『新たな問い』を考えましょう。『新たな問い』をその内容にしたのはなぜか、その理由も書きましょう。

【生徒が考えた『新たな問い』】

<p>生徒A</p> <p>T $y = ax^2$のグラフは原点を通る放物線になる</p> <p>I 連立方程式とグラフの交点</p> <p>選んだ[I]で学んだこと 2つのグラフの交点は連立方程式で求められる。</p> <p>新たな問い $y = x^2$と$y = x + 2$のグラフの交点Aの座標は求められる?</p> <p>理由 放物線のグラフでも交点は連立方程式を解けば求めることができるのか疑問に思ったから。</p>	<p>生徒B</p> <p>T $y = ax^2$のグラフは原点を通る放物線になる</p> <p>I グラフから式を求める</p> <p>選んだ[I]で学んだこと 変化の割合をもとに式を調べる。</p> <p>新たな問い $y = ax^2$のグラフから式を求めることができるのか</p> <p>理由 一次関数、反比例、比例などでは、グラフから式を求められたので今回も求められると思ったから。</p>
<p>生徒C</p> <p>T $y = ax^2$のグラフは原点を通る放物線になる</p> <p>I 一次関数</p> <p>選んだ[I]で学んだこと $y = ax + b$と表す、原点を通らない直線、aは変化の割合傾き、bは切片</p> <p>新たな問い 一次関数と$y = ax^2$のグラフの交点は求められるか $y = \frac{1}{3}x^2$と$y = x + 4$</p> <p>理由 原点を通らない直線と原点を通る曲線がどんな風に交わるのかが知りたい。xを2倍3倍…するとyも2倍3倍…になる一次関数は、x^2を2倍3倍するとyも2倍3倍になる$y = ax^2$と増加量が全く違い、追いつけなさそうだなと思った。連立方程式をつくって解けば求められそうだなと思ったから。</p>	

【検証②】 前時までに学び得たことから、『新たな問い』をもつことができたかを、TOIボックスの記述から検証する。

評価	内容	人数
○	「関数 $y = ax^2$ のグラフは原点を通る放物線になる」ことを基に、『新たな問い』をもつことができた。	24人 (生徒A、B、C)
△	「関数 $y = ax^2$ のグラフは原点を通る放物線になる」ことを基に、『新たな問い』をもつことができなかった。	5人

＜考察＞ 『新たな問い』をもつことができた24人の生徒は、生徒A、Cの「連立方程式を解けば交点の座標を求められそうだから」のように、今までの学習内容を生かして解決の見通しをもっている理由を具体的に記述していた。このことから、**I**に具体的な内容もまとめ、アイデアバンクから得られる情報量を増やしたり、「選んだ**I**で学んだこと」を記述させたりすることは、『新たな問い』をもつことに対して有効であると考えられる。一方で、『新たな問い』をもつことができなかった5人の生徒は、**I**として「一次関数」を選び、「選んだ**I**で学んだこと」に「一次関数のグラフは、傾き a 、切片 b の直線である」のように記述していた。このように、**T**と組み合わせる『新たな問い』をもつことができそうな**I**を選び、「選んだ**I**で学んだこと」に具体的な学習内容を記述することはできたが、**T**との関連を見いだした問いをもつことができなかった。これは、選んだ**I**について、どのような学習活動や思考の流れの中で得られたものなのかを十分に想起できなかったことが原因だと考える。

6 研究のまとめ

本研究では、探究的に学ぶことができる数学の学習をテーマに実践を行い、『解決を目指す問い』をもち、バズる問題の答えを導く場面と『新たな問い』をもつ場面として手立てを講じた結果、以下のことが明らかとなった。

『解決を目指す問い』をもち、バズる問題の答えを導く場面

バズる問題の答えを予想し、『解決を目指す問い』をもち、『解決を目指す問い』について考えたことを基に、バズる問題に取り組むという学習過程は、バズる問題の答えを導くことに有効であった。その際、『解決を目指す問い』とその問いを考えた理由をグループで共有した後、バズる問題の答えを導くのに必要な問いを選ばせたり、必要に応じて複数の『解決を目指す問い』について考えたことを基に、バズる問題に取り組ませたりすることが、バズる問題の答えを導くことに寄与することが分かった。また、この学習過程に取り組ませることで、実践前にはバズる問題に対して、何をすればよいか分からず手が止まってしまう生徒も、バズる問題の答えを導くことができる『解決を目指す問い』をもつことができるようになった。今後は、どの生徒もバズる問題の答えを導くことができるよう、複数の問いをもった場合はそれらの問いすべてに取り組ませ、その中でバズる問題の答えの根拠が正しいかどうか判断させる必要がある。

『新たな問い』をもつ場面

Tと組み合わせる『新たな問い』をもつことができそうな**I**を、アイデアバンクから選び、TOIボックスに記述させることは、『新たな問い』をもつことに有効であった。その際、**I**に学習した項目名だけでなく具体的な内容についてもまとめ、アイデアバンクから得られる情報量を増やしたり、「選んだ**I**で学んだこと」を記述させたりすることは、『新たな問い』をもつことに寄与することが分かった。『新たな問い』をもつことができなかった生徒は、**T**と組み合わせる『新たな問い』をもつことができそうな**I**を選ぶことはできたが、**T**との関連を見いだした問いをもつことができなかった。選んだ**I**についてどのような学習活動や思考の流れの中で得られたものなのかを十分に想起できなかったため、今後は生徒自身が、活動内容や思考の流れとともに**I**を蓄積していく必要がある。

これまでの実践から、2つの問いをもつことに焦点を当てた数学の学習は、探究的に学ぶことに有効であると分かった。しかし、生徒のもった『新たな問い』の多くは、数学の世界だけに留まっている問いや、**T**によっては同じ領域に留まっている問いであった。今後は、より多くの生徒が、身の回りの事象とのつながりを意識した問いや、**T**と他領域の**I**を組み合わせる問いをもてるようにし、「探究的に学ぶことができる数学の学習」を追究していきたい。

＜引用・参考文献＞

- 名古屋市教育委員会(2023)「ナゴヤ学びのコンパス」
 佐藤寿仁(2024)「授業研究コミュニティによる探究的学びのある中学校数学の授業開発」日本科学教育学会第48回年会論文集
 青山庸(2022)「算数・数学科におけるオープンアプローチの数学的活動-数学的に考える資質・能力を育てる-」仁愛大学研究紀要 人間生活学部編 第13号
 砂原徹 他(2024)「予想や見通しから始まる中学校数学の探究的な学び」明治図書